

**ΚΥΠΡΙΑΚΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΕΤΑΙΡΕΙΑ**

**ΙΘ' ΚΥΠΡΙΑΚΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ  
ΟΛΥΜΠΙΑΔΑ 2018**

**22 ΑΠΡΙΛΙΟΥ 2018**



**Β' & Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ**

**[www.cms.org.cy](http://www.cms.org.cy)**

**ΘΕΜΑΤΑ ΣΤΑ ΕΛΛΗΝΙΚΑ ΚΑΙ ΑΓΓΛΙΚΑ  
PAPERS IN BOTH GREEK AND ENGLISH**



**ΚΥΠΡΙΑΚΗ  
ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ  
ΟΛΥΜΠΙΑΔΑ 2018**

**ΕΛΛΗΝΙΚΗ  
ΕΚΔΟΣΗ**



## ΚΥΠΡΙΑΚΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΕΤΑΙΡΕΙΑ

Στασίνου 36, Γραφ. 102, Στρόβολος 2003

Λευκωσία, Κύπρος

Τηλ. 22378101, Φαξ: 22379122

Email: [cms@cms.org.cy](mailto:cms@cms.org.cy) - Ιστοσελίδα: [www.cms.org.cy](http://www.cms.org.cy)

# **ΙΘ' ΚΥΠΡΙΑΚΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΟΛΥΜΠΙΑΔΑ**

Κυριακή, 22/04/2018

## **ΔΟΚΙΜΙΟ Β', Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ**

**ΧΡΟΝΟΣ: 60 λεπτά**

- Να συμπληρώσετε προσεκτικά το φύλλο απαντήσεων, επιλέγοντας μόνο μία απάντηση για κάθε ερώτηση. Η συμπλήρωση να γίνει με μαύρισμα στο αντίστοιχο κυκλάκι.
- Κάθε σωστή απάντηση βαθμολογείται με 4 μονάδες. Για κάθε λανθασμένη απάντηση αφαιρείται 1 μονάδα.
- Απάντηση σε άσκηση με μαύρισμα σε περισσότερα από ένα κυκλάκια θεωρείται λανθασμένη. Επειδή η διόρθωση θα γίνει ηλεκτρονικά, οποιοδήποτε σημάδι ή σβήσιμο καθιστά την απάντηση λανθασμένη.
- Μπορείτε να χρησιμοποιήσετε το χώρο δίπλα από τις ασκήσεις για βοηθητικές πράξεις.
- Συστίνεται όπως σημειώνετε τις απαντήσεις στο ειδικό έντυπο απαντήσεων στα τελευταία πέντε λεπτά της εξέτασης αφού βεβαιωθείτε ότι οι απαντήσεις είναι τελικές.

Παραδείγματα συμπλήρωσης απαντήσεων:

1. Βρείτε το αποτέλεσμα  $2+3=?$       (A) 6    (B) 5    (C) 4    (D) 3    (E) 2

**Σωστή** συμπλήρωση:

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

**Λανθασμένη** συμπλήρωση:

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1. Ένας έξυπνος βάτραχος βρίσκεται στο σημείο  $\Sigma(2, 2)$  του καρτεσιανού επιπέδου και κάνοντας άλματα μετακινείται στο επίπεδο με βάση την αντιστοιχία:

$$(x, y) \rightarrow (x^2 - y, x + y)$$

Μετά από πόσα άλματα θα βρεθεί σε σημείο του άξονα των τετμημένων για πρώτη φορά;

A. 1

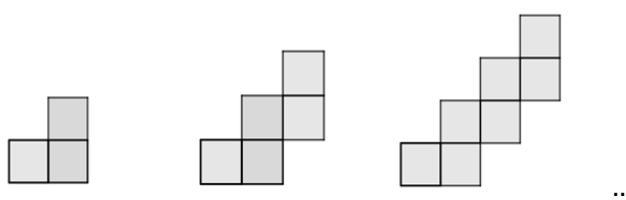
B. 2

Γ. 3

Δ. 4

Ε. 5

2. Στο παρακάτω σχήμα έχουμε ένα μοτίβο από «σκάλες» που σχηματίζονται από μοναδιαία τετράγωνα. Η περίμετρος της «σκάλας» που σχηματίζεται από 41 μοναδιαία τετράγωνα είναι:



A. 80

B. 86

Γ. 96

Δ. 84

Ε. 88

3. Υποθέτουμε ότι  $3x^2 + 9x - 3 = 0$ . Η τιμή της παράστασης  $x - \frac{1}{x}$  είναι:

A. -3

B.  $\sqrt{5}$ Γ.  $-\sqrt{5}$ 

Δ. 3

Ε. Κανένα από αυτά

4. Ορίζουμε στο σύνολο  $\mathbb{Z}$  των ακεραίων αριθμών την πράξη  $*$  ως εξής:

i.  $x * 0 = 0$ ,  $\forall x \in \mathbb{Z}$

ii.  $x * (y + 1) = x * y - (x + y)$ ,  $\forall x, y \in \mathbb{Z}$

Το αποτέλεσμα  $18 * 3$  είναι ίσο με:

A. 54

B. 22

Γ. 5

Δ. -57

Ε. -54

5. Οι ακόλουθες προτάσεις αναφέρονται σε μια μητέρα και τις τέσσερις κόρες της:

$P_1$ : «Η Αλίκη είναι η μητέρα»

$P_2$ : «Η Γεωργία και η Ελένη είναι και οι δύο κόρες»

$P_3$ : «Η Βασιλική είναι η μητέρα»

$P_4$ : «Μία από τις Αλίκη, Δήμητρα ή Ελένη είναι η μητέρα»

Μία από αυτές τις προτάσεις είναι Αληθής και οι άλλες τρείς είναι Ψευδείς.

Τότε, η μητέρα είναι η:

A. Αλίκη

B. Βασιλική

Γ. Γεωργία

Δ. Δήμητρα

Ε. Ελένη

6. Η ακολουθία  $1, x, 9, y, \dots$  είναι Αριθμητική Πρόοδος. Τότε, το γινόμενο  $xy$  ισούται με:

A. 9

B. 18

Γ. 54

Δ. 65

Ε. 81

7. Δίνεται ορθογώνιο τρίγωνο  $\triangle ABC$  με  $\angle B = 90^\circ$ ,  $BG = 1$  και  $AB = \frac{1}{2}$ . Έστω  $D$  σημείο της πλευράς  $AG$ , έτσι ώστε  $AD = \frac{1}{2}$  και έστω  $E$  σημείο της  $BG$ , έτσι ώστε  $DE \perp BG$ . Το μήκος του  $EG$  είναι:

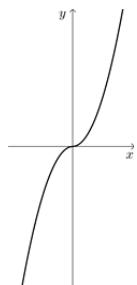
A.  $\frac{1}{2}$ B.  $1 - \frac{\sqrt{5}}{5}$ Γ.  $\frac{5-\sqrt{5}}{4}$ Δ.  $\frac{1}{5}$ Ε.  $\frac{\sqrt{5}}{4}$ 

8. Το σύνολο τιμών της συνάρτησης  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  με τύπο  $f(x) = e^{x^2+1}$  είναι το:

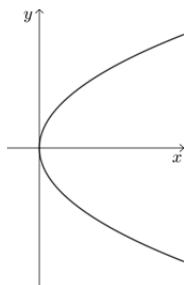
A.  $[e, +\infty)$ B.  $(e, +\infty)$ Γ.  $[0, +\infty)$ Δ.  $(0, +\infty)$ Ε.  $\mathbb{R}$ 

9. Ποια από τις πιο κάτω περιπτώσεις θα μπορούσε να είναι η γραφική παράσταση της συνάρτησης  $f$  με τύπο  $f(x) = x|x|$ ,  $x \in \mathbb{R}$ ;

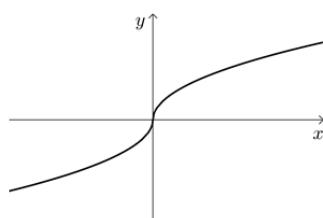
A.



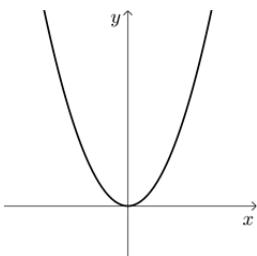
B.



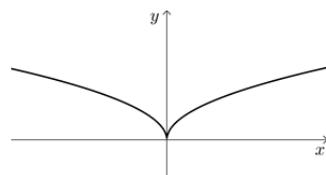
Γ.



Δ.



Ε.



10. Υποθέτουμε ότι οι  $\alpha, \beta$  είναι θετικοί πραγματικοί αριθμοί με  $\alpha \neq \beta$ , τέτοιοι ώστε:

$$2\alpha^2 + 2\beta^2 = 5\alpha\beta$$

Η τιμή της παράστασης  $\left| \frac{\alpha+\beta}{\alpha-\beta} \right|$  είναι:

A. 1

B. 2

Γ. 3

Δ. 4

Ε. 5

**11.** Αν  $9^{2x} - 9^{2x-1} = 8\sqrt{3}$ , τότε η τιμή του  $(2x - 1)^{2x}$  είναι:

A.  $\frac{\sqrt{2}}{8}$

B.  $\frac{\sqrt{2}}{4}$

Γ.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Δ.  $\frac{1}{4}$

Ε.  $\frac{1}{8}$

**12.** Οι  $\alpha, \beta, \gamma$  είναι πραγματικοί αριθμοί τέτοιοι, ώστε:

$$\alpha = \sqrt{2016 - 2\beta\gamma}, \quad \beta = \sqrt{2017 - 2\alpha\gamma}, \quad \gamma = \sqrt{2018 - 2\alpha\beta}$$

Τότε, η τιμή του αθροίσματος  $\alpha + \beta + \gamma$  είναι:

A.  $\sqrt{4 \cdot 2017}$

B.  $\sqrt{2016 \cdot 2017 \cdot 2018}$

Γ.  $\sqrt{6051}$

Δ.  $\sqrt{6059}$

Ε.  $\sqrt{6060}$

**13.** Για  $n \in \{1, 2, 3, 4, \dots\}$ , ορίζουμε:

$$f(n) = \begin{cases} n+1, & \text{αν } n \text{ περιττός} \\ n-1, & \text{αν } n \text{ άρτιος} \end{cases}$$

Τότε, το  $f((n^2 + 1)^2 + (n^2 - 1)^2)$  είναι ίσο με:

A.  $2n^4 - 1$

B.  $2n^4$

Γ.  $2n^4 + 1$

Δ.  $2n^4 + 2$

Ε.  $2n^4 + 3$

**14.** Για ποια  $x$  η συνάρτηση  $f$  με τύπο  $f(x) = x^2 + 2$  παρουσιάζει ελάχιστο, όταν το σύνολο τιμών της  $f$  είναι το διάστημα  $[3, 18]$ :

A.  $x = -1$  και  $x = 1$

B.  $x = 0$

Γ.  $x = 0$  και  $x = 1$

Δ.  $x = 0$  και  $x = -1$

Ε.  $x = 4$

**15.** Πέντε τρίγωνα έχουν μήκη πλευρών όπως φαίνεται παρακάτω. Ποιο από αυτά έχει το μεγαλύτερο εμβαδόν;

A. 15, 20, 23

B. 15, 20, 24

Γ. 15, 20, 26

Δ. 15, 20, 25

Ε. 15, 20, 31

**16.** Αν  $x, y$  είναι θετικοί ακέραιοι, τέτοιοι ώστε  $\ln(x+y) = \ln x + \ln y$ , τότε η τιμή της παράστασης  $x^2 + y^2$  είναι ίση με:

A. 169

B. 100

Γ. 25

Δ. 16

Ε. 8

**17.** Ο Ζήνωνας παρατήρησε ότι ο αριθμός  $x = 2018$  έχει τις ιδιότητες:

- Ο  $x$  είναι πολλαπλάσιο του 2.
- Ο  $x + 1$  είναι πολλαπλάσιο του 3.
- Ο  $x + 2$  είναι πολλαπλάσιο του 4.

Το πλήθος των θετικών ακεραίων, που είναι μικρότεροι του 2018 και ικανοποιούν τις πιο πάνω ιδιότητες, είναι:

A. 100

B. 112

Γ. 120

Δ. 168

Ε. 180

**18.** Η περίοδος της συνάρτησης  $f$  με  $f(x) = \frac{\eta \mu x}{1+\sin x}$ , όπου  $x \neq (2k+1)\pi$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ , είναι:

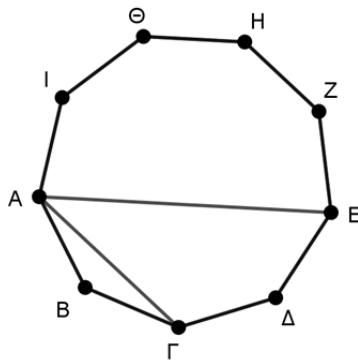
A.  $4\pi$ B.  $2\pi$ Γ.  $\pi$ Δ.  $\frac{\pi}{2}$ Ε.  $\frac{\pi}{4}$ 

**19.** Το άθροισμα όλων των άρτιων αριθμών, που βρίσκονται μεταξύ των αριθμών  $2018^2 - 2017$  και  $2018^2 + 2019$ , είναι:

A.  $2017^3 + 2017$ B.  $2018^3 + 2017$ Γ.  $2018^3 + 2018$ Δ.  $2018^3 + 2019$ 

Ε. Κανένα από αυτά

**20.** Στο πιο κάτω σχήμα το  $ABΓΔΕΖΗΘΙ$  είναι κανονικό 9 – γωνο πλευράς μήκους 4. Τότε, η διαφορά  $AE - AG$  ισούται με:



A. 2

B. 3

Γ. 4

Δ. 3,5

Ε. 4,5

**21.** Σε ορθογώνιο σύστημα αξόνων δίνονται τα σημεία  $A(1,1)$ ,  $B(3,3)$  και  $Γ(x,0)$ . Η ελάχιστη δυνατή τιμή του αθροίσματος  $(AG) + (GB)$  είναι:

A.  $\sqrt{8}$ B.  $\sqrt{12}$ Γ.  $\sqrt{20}$ Δ.  $\sqrt{26}$ Ε.  $\sqrt{32}$

- 22.** Δίνεται το σύνολο  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ . Το πλήθος των μη κενών υποσυνόλων  $A$  του  $X$  που έχουν την ιδιότητα

«Αν  $\alpha \in A$ , τότε  $(8 - \alpha) \in A»$

είναι:

A. 15

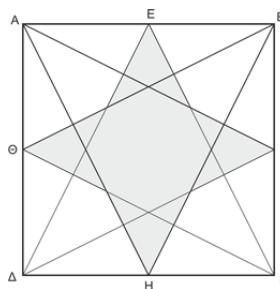
B. 1

Γ. 16

Δ. 8

Ε. Κανένα από  
αυτά

- 23.** Στο πιο κάτω σχήμα το  $ABΓΔ$  είναι τετράγωνο πλευράς 12. Συνδέουμε κάθε κορυφή του τετραγώνου με τα μέσα των δύο άλλων πλευρών του τετραγώνου, στις οποίες δεν ανήκει η κορυφή αυτή. Σχηματίζεται τότε το σκιασμένο «αστέρι». Το εμβαδόν του «αστεριού» είναι:



A. 32

B. 36

Γ. 48

Δ. 50

Ε. 52

- 24.** Το πλήθος των λύσεων της εξίσωσης  $\log x = \eta μx$  στο διάστημα  $(0, 10]$  είναι (με  $\log x$  συμβολίζουμε τον λογάριθμο του  $x$  με βάση το 10):

A. 0

B. 1

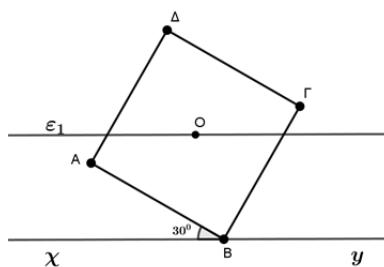
Γ. 2

Δ. 3

Ε. 4

- 25.** Η ευθεία  $xy$  διέρχεται από την κορυφή  $B$  του τετραγώνου  $ABΓΔ$ , πλευράς 1 και σχηματίζει με την πλευρά  $BA$  γωνία  $30^\circ$ , όπως φαίνεται στο σχήμα. Η ευθεία  $(\varepsilon_1)$  είναι παράλληλη προς την  $xy$  και διέρχεται από το κέντρο  $O$  του τετραγώνου.

Η απόσταση των παραλλήλων  $xy$  και  $(\varepsilon_1)$  είναι:



A.  $\frac{\sqrt{3}+1}{3}$

B.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Γ.  $\frac{\sqrt{3}+2}{2}$

Δ.  $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$

Ε.  $\frac{\sqrt{3}+1}{4}$



**CYPRUS  
MATHEMATICAL  
OLYMPIAD  
2018**

**ENGLISH VERSION**



## CYPRUS MATHEMATICAL SOCIETY

36 Stasinou street, Off. 102, 2003 Strovolos

Nicosia, Cyprus

Tel. 22378101, Fax: 22379122

Email: [cms@cms.org.cy](mailto:cms@cms.org.cy) - Website: [www.cms.org.cy](http://www.cms.org.cy)

# 19<sup>th</sup> CYPRUS MATHEMATICAL OLYMPIAD

Sunday, 22/04/2018

## EXAMS PAPER 11<sup>th</sup>, 12<sup>th</sup> Grade – B', C' Lyceum

**TIME: 60 minutes**

- Fill carefully the answer sheet, by choosing only one answer to each question. The selection must be made by shading the right answer.
- Every right answer is graded with 4 points. For each wrong answer 1 point will be lost.
- If a question is answered by shading more than one answer, the answer will be considered wrong. The correction will be electronically, so any mark will be taken wrong.
- You can use the space next to the questions to make extra notes.
- It is recommended that you complete the answer sheet in the last five minutes of the exam, with your final answer.

Choose only one of the five proposed answers (A, B, C, D or E) and fill the box for right answer.

Example of filling the table of answers:

41. Find the result  $2+3=?$     (A) 6    (B) 5    (C) 4    (D) 3    (E) 2

These fillings are **correct**

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

and these are **incorrect**

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1.  A  B  C  D  E

1. A smart frog lies at the point  $\Sigma(2, 2)$  of the cartesian plane and jumping around it moves in the plane according to the correspondence:

$$(x, y) \rightarrow (x^2 - y, x + y)$$

After how many jumps will the frog reach a point on the  $x$  – axis for the first time?

A. 1

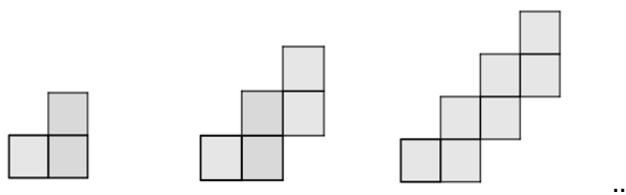
B. 2

Γ. 3

Δ. 4

Ε. 5

2. In the following figure we have a pattern of “staircases” that are formed from unit squares. The perimeter of the “staircase” that is formed from 41 unit squares is:



A. 80

B. 86

Γ. 96

Δ. 84

Ε. 88

3. Assume that  $3x^2 + 9x - 3 = 0$ . The value of the expression  $x - \frac{1}{x}$  is:

A. -3

B.  $\sqrt{5}$ Γ.  $-\sqrt{5}$ 

Δ. 3

Ε. None of the previous

4. Define in the set  $\mathbb{Z}$  of the integer numbers the operation  $*$  as follows:

i.  $x * 0 = 0, \forall x \in \mathbb{Z}$

ii.  $x * (y + 1) = x * y - (x + y), \forall x, y \in \mathbb{Z}$

The outcome of  $18 * 3$  is equal to:

A. 54

B. 22

Γ. 5

Δ. -57

Ε. -54

5. The following statements concern a mother and her four daughters:

$\Pi_1$ : «Aliki is the mother»

$\Pi_2$ : «Georgia and Eleni are both daughters»

$\Pi_3$ : «Vasiliki is the mother»

$\Pi_4$ : «One of Aliki, Dimitra or Eleni is the mother»

One of these statements is True and the other three are False.

Then the mother is:

A. Aliki

B. Vasiliki

Γ. Georgia

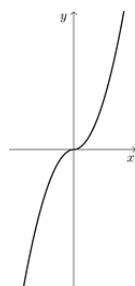
Δ. Dimitra

Ε. Eleni

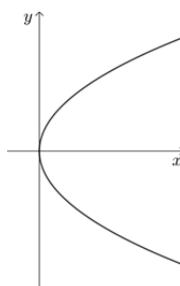
6. The sequence  $1, x, 9, y, \dots$  is an Arithmetic Progression. The product  $xy$  is equal to:
- A. 9      B. 18      C. 54      D. 65      E. 81
7. Consider a right-angled triangle  $\triangle ABG$  with  $\angle B = 90^\circ$ ,  $BG = 1$  and  $AB = \frac{1}{2}$ . Let  $D$  be a point on the side  $AG$ , such that  $AD = \frac{1}{2}$  and let  $E$  be a point on the side  $BG$ , such that  $DE \perp BG$ . The length of  $EG$  is:
- A.  $\frac{1}{2}$       B.  $1 - \frac{\sqrt{5}}{5}$       C.  $\frac{5-\sqrt{5}}{4}$       D.  $\frac{1}{5}$       E.  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

8. The range of values of the function  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  where  $f(x) = e^{x^2+1}$  is:
- A.  $[e, +\infty)$       B.  $(e, +\infty)$       C.  $[0, +\infty)$       D.  $(0, +\infty)$       E.  $\mathbb{R}$
9. Which of the following cases could be the graph of the function  $f$  where  $f(x) = x|x|$ ,  $x \in \mathbb{R}$ ?

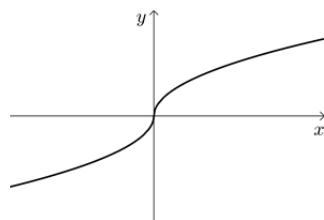
A.



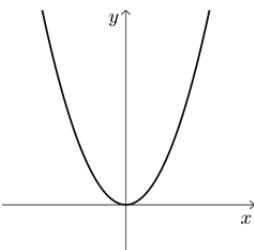
B.



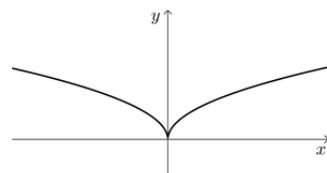
C.



D.



E.



10. Assume that  $\alpha, \beta$  are positive real numbers with  $\alpha \neq \beta$ , such that:

$$2\alpha^2 + 2\beta^2 = 5\alpha\beta$$

The value of the expression  $\left| \frac{\alpha+\beta}{\alpha-\beta} \right|$  is equal to:

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

E. 5

11. If  $9^{2x} - 9^{2x-1} = 8\sqrt{3}$ , then the value of  $(2x - 1)^{2x}$  is:

A.  $\frac{\sqrt{2}}{8}$

B.  $\frac{\sqrt{2}}{4}$

Γ.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Δ.  $\frac{1}{4}$

Ε.  $\frac{1}{8}$

12. Let  $\alpha, \beta, \gamma$  be real numbers, such that:

$$\alpha = \sqrt{2016 - 2\beta\gamma}, \quad \beta = \sqrt{2017 - 2\alpha\gamma}, \quad \gamma = \sqrt{2018 - 2\alpha\beta}$$

Then, the value of the sum  $\alpha + \beta + \gamma$  is:

A.  $\sqrt{4 \cdot 2017}$

B.  $\sqrt{2016 \cdot 2017 \cdot 2018}$

Γ.  $\sqrt{6051}$

Δ.  $\sqrt{6059}$

Ε.  $\sqrt{6060}$

13. For  $v \in \{1, 2, 3, 4, \dots\}$ , we define:

$$f(v) = \begin{cases} v + 1, & \text{if } v \text{ is odd} \\ v - 1, & \text{if } v \text{ is even} \end{cases}$$

Then  $f((v^2 + 1)^2 + (v^2 - 1)^2)$  is equal to:

A.  $2v^4 - 1$

B.  $2v^4$

Γ.  $2v^4 + 1$

Δ.  $2v^4 + 2$

Ε.  $2v^4 + 3$

14. For which  $x$  does the function  $f$  where  $f(x) = x^2 + 2$  have a minimum, when the range of  $f$  is the interval  $[3, 18]$ ?

A.  $x = -1$  and  $x = 1$

B.  $x = 0$

Γ.  $x = 0$  and  $x = 1$

Δ.  $x = 0$  and  $x = -1$

Ε.  $x = 4$

15. Five triangles have the lengths of their sides as specified below. Which of these triangles has the greatest area?

A. 15, 20, 23

B. 15, 20, 24

Γ. 15, 20, 26

Δ. 15, 20, 25

Ε. 15, 20, 31

16. If  $x, y$  are positive integers, such that  $\ln(x + y) = \ln x + \ln y$ , then the value of the expression  $x^2 + y^2$  is equal to:

A. 169

B. 100

Γ. 25

Δ. 16

Ε. 8

17. Zenonas observed that the number  $x = 2018$  has the following properties:

- $x$  is a multiple of 2.
- $x + 1$  is a multiple of 3.
- $x + 2$  is a multiple of 4.

The number of positive integers, that are less than 2018 and satisfy the above properties, is:

- A. 100      B. 112      Γ. 120      Δ. 168      E. 180

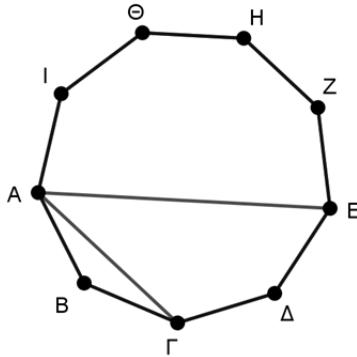
18. The period of the function  $f$  where  $f(x) = \frac{\sin x}{1+\cos x}$ , with  $x \neq (2\kappa + 1)\pi$ ,  $\kappa \in \mathbb{Z}$ , is:

- A.  $4\pi$       B.  $2\pi$       Γ.  $\pi$       Δ.  $\frac{\pi}{2}$       E.  $\frac{\pi}{4}$

19. The sum of all of the even numbers, that lie between the numbers  $2018^2 - 2017$  and  $2018^2 + 2019$ , is:

- A.  $2017^3 + 2017$       B.  $2018^3 + 2017$       Γ.  $2018^3 + 2018$   
Δ.  $2018^3 + 2019$       E. None of the previous

20. In the figure below  $AB\Gamma\Delta EZH\Theta I$  is a regular 9-gon with side of length 4. Then, the difference  $AE - A\Gamma$  is equal to:



- A. 2      B. 3      Γ. 4      Δ. 3,5      E. 4,5

21. In an orthogonal axes system you are given the points  $A(1, 1)$ ,  $B(3, 3)$  and  $\Gamma(x, 0)$ . Then the least possible value of the sum  $(A\Gamma) + (\Gamma B)$  is:

- A.  $\sqrt{8}$       B.  $\sqrt{12}$       Γ.  $\sqrt{20}$       Δ.  $\sqrt{26}$       E.  $\sqrt{32}$

22. Let  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ . Then the number of non-empty subsets  $A$  of  $X$  with the property

«If  $\alpha \in A$ , then  $(8 - \alpha) \in A$ »

is:

A. 15

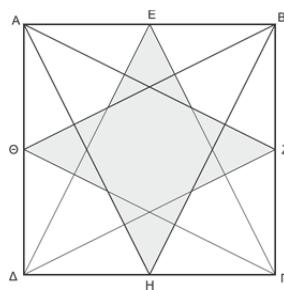
B. 1

Γ. 16

Δ. 8

E. None of the previous

23. In the figure below  $AB\Gamma\Delta$  is a square with side 12. We join each vertex of the square with the midpoints of the other two sides that do not contain this vertex. Then, a shaded "star" is formed. The area of this "star" is:



A. 32

B. 36

Γ. 48

Δ. 50

E. 52

24. The number of solutions of the equation  $\log x = \sin x$  in the interval  $(0, 10]$  is (where  $\log x$  denotes the logarithm of  $x$  with base 10):

A. 0

B. 1

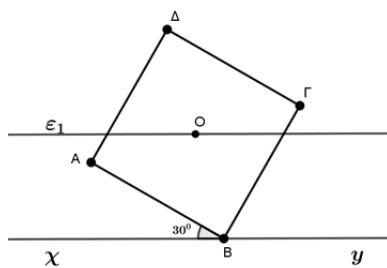
Γ. 2

Δ. 3

E. 4

25. The straight line  $xy$  passes through the vertex  $B$  of the square  $AB\Gamma\Delta$ , of side 1 and forms an angle of  $30^\circ$  with the side  $BA$ , as can be seen in the figure. The straight line  $(\varepsilon_1)$  is parallel to  $xy$  and passes through the center  $O$  of the square.

Then the distance between the parallel lines  $xy$  and  $(\varepsilon_1)$  is:



A.  $\frac{\sqrt{3}+1}{3}$

B.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

Γ.  $\frac{\sqrt{3}+2}{2}$

Δ.  $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$

E.  $\frac{\sqrt{3}+1}{4}$

## Απαντήσεις:

Β' - Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ
Δ
Δ
Α
Δ
Ε
Δ
Β
Α
Α
Γ
Α
Γ
Γ
Α
Δ
Ε
Δ
Β
Γ
Γ
Γ
Α
ΑΚΥΡΗ
Δ
Ε