

Θέμα 4

GI_V_GEO_22310

Ένα οικόπεδο $AB\Gamma\Delta$ σχήματος ορθογωνίου τραπεζίου ($\hat{A} = \hat{\Delta} = 90^\circ$) έχει πλευρές $\Gamma\Delta = 40\text{m}$, $AB = 60\text{m}$ και $A\Delta = 30\text{m}$. Ένας δρόμος αποκόπτει από το οικόπεδο το κομμάτι $Z\text{E}\text{K}\Gamma$ σχήματος παραλληλογράμμου. Αν $\Delta Z = 20\text{m}$ και $AE = 10\text{m}$ τότε:

α) Να υπολογίσετε το εμβαδόν (ΚΓΒ).

(Μονάδες 5)

β) Να υπολογίσετε το εμβαδόν του οικοπέδου που αποκόπτει ο δρόμος.

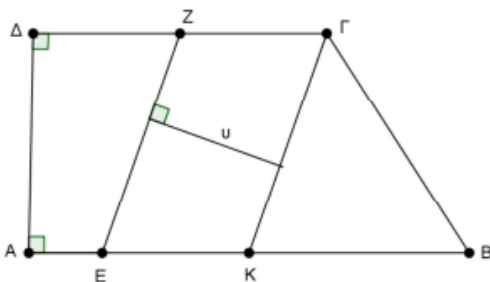
(Μονάδες 5)

γ) Να υπολογίσετε το πλάτος (u) του δρόμου.

(Μονάδες 9)

δ) Να υπολογίσετε την ΒΓ.

(Μονάδες 6)



Λύση:

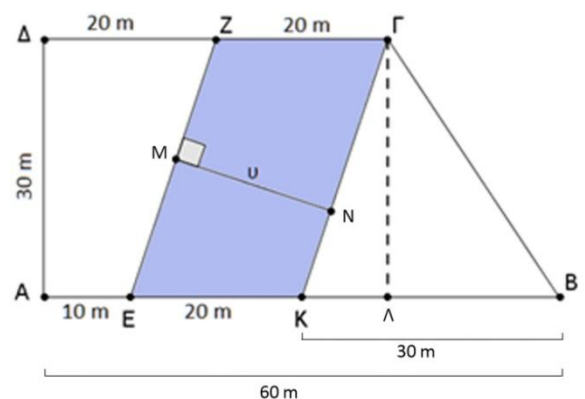
α) $\Gamma\Delta = \Delta Z + Z\Gamma$ (1), $\Gamma\Delta = 40\text{ m}$ (2), $\Delta Z = 20\text{ m}$ (3)

Επειδή το $\text{E}\text{Z}\text{K}\Gamma$ είναι παραλληλόγραμμο (θεωρούμε τις πλευρές του δρόμου παράλληλες και $\text{G}\text{Z} \parallel \text{E}\text{K}$) τότε $\text{E}\text{K} = 20\text{ m}$

Άρα $\text{A}\text{K} = \text{A}\text{E} + \text{E}\text{K} = 10 + 20 = 30\text{ m}$.

Οπότε το K διχοτομεί την AB άρα $\text{K}\text{B} = 60 - 30 = 30\text{ m}$

Φέρνουμε το ύψος $\text{G}\Lambda$ του τριγώνου $\text{K}\Gamma\text{B}$.



Δημιουργείται πλέον το ορθογώνιο ΑΛΓΔ, διότι $\hat{A} = \hat{\Delta} = \hat{\Lambda} = 90^\circ$, άρα και $\Delta\hat{\Gamma}\Lambda = 90^\circ$

Επομένως $\Gamma\Lambda = \Lambda\Delta = 30\text{ m}$

Οπότε το εμβαδόν του ΚΓΒ είναι:

$$E_{\text{ΚΓΒ}} = \frac{\text{ΚΒ} \cdot \Gamma\Lambda}{2} = \frac{30 \cdot 30}{2} = \frac{900}{2} = 450\text{m}^2$$

$$\beta) E_{\text{ΖΕΚΓ}} = \text{ΕΚ} \cdot \Gamma\Lambda = 20 \cdot 30 = 600\text{m}^2 \quad (4)$$

$$\gamma) E_{\text{ΖΕΚΓ}} = \nu \cdot \Gamma\text{Κ} \quad (5) \quad \text{Από το ορθογώνιο ΑΛΓΔ προκύπτει ότι } \Lambda\Lambda = \Gamma\Delta = 40\text{ m.}$$

$$\text{Επίσης } \Lambda\Lambda = \text{ΑΕ} + \text{ΕΚ} + \text{ΚΛ} \Leftrightarrow 40 = 20 + 10 + \text{ΚΛ} \Leftrightarrow \text{ΚΛ} = 40 - 20 - 10 = 10\text{ m}$$

Από το ορθογώνιο τρίγωνο ΚΛΓ έχουμε

$$\Gamma\text{Κ}^2 = \Gamma\Lambda^2 + \text{ΚΛ}^2 = 30^2 + 10^2 = 900 + 100 = 1000 \Leftrightarrow \Gamma\text{Κ} = \sqrt{1000} = 10\sqrt{10}\text{m} \quad (6)$$

Από τις σχέσεις (4) (5) και (6) έχουμε

$$600 = 10\sqrt{10} \cdot \nu \Leftrightarrow \nu = \frac{600}{10\sqrt{10}} = \frac{60\sqrt{10}}{10} \Rightarrow \nu = 6\sqrt{10}\text{m}$$

δ) Από το ορθογώνιο τρίγωνο ΒΓΛ έχουμε

$$\text{ΒΓ}^2 = \Gamma\Lambda^2 + \Lambda\text{Β}^2 \quad (6)$$

$$\text{Όμως } \Lambda\text{Β} = \text{ΑΒ} - \Lambda\Lambda = 60 - 40 = 20\text{m}$$

Επομένως

$$\text{ΒΓ}^2 = \Gamma\Lambda^2 + \Lambda\text{Β}^2 \Leftrightarrow \text{ΒΓ}^2 = 30^2 + 20^2 = 1300 \Leftrightarrow \text{ΒΓ} = 10\sqrt{13}\text{m}$$

Επιμέλεια: Βασίλης Γκκμίσης – ΜEd – Μαθηματικός