

ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ - ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ



1 Να κάνετε τις πράξεις:

- a) $-3x^2y(-5x + 2y)$ b) $4x(2x^2 - x + 2) - 8x$
 γ) $-5x(2x - 3) - 3x(2 - 3x)$ δ) $2xy(x^2 - 3y^2) - 4x(x^2y - 2y^3)$

2 Να κάνετε τις πράξεις:

- a) $(2a - 3\beta)(-4a + 2\beta)$ b) $(x^2 - 2x + 4)(x + 2) - 8$
 γ) $3x^2(-2x + 3)(5 - x)$ δ) $(4 - 3x)(5 - 2x) - 6x(x - 4)$
 ε) $(2x^2 - 3x - 4)(-3x^2 + x)$ σ) $(3x^2 - 2xy - 5y^2)(4y - x)$

3 Να κάνετε τις πράξεις:

- a) $(3x - 2)(x^2 - x)(4x - 3)$ b) $-2x(x^2 - x + 1)(x - 2) - (x - 1)(2x - 3)(x + 2)$
 γ) $(-2x + y)(x^2 - 3xy) - (3x - y)(4x + y)(-2x - 3y)$

4 Να αποδείξετε τις ισότητες:

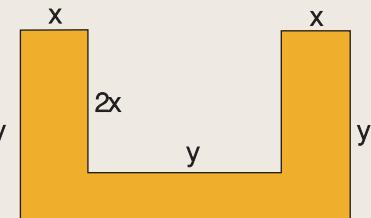
- a) $(x^2 - 4x + 4)(x^2 + 4x + 4) - x^2(x^2 - 8) - 16 = 0$
 β) $(3a + 8\beta)(\beta - a) - (a + 2\beta)(\beta - 3a) = 6\beta^2$

5 Av $P(x) = -2x^2 + 5x - 3$ και $Q(x) = 4x - 5$, να βρείτε τα πολυώνυμα:

- α) $P(x) \cdot Q(x)$ β) $P(x) \cdot [-3Q(x) + 11x - 12]$ γ) $[P(x) - 2] \cdot [Q(x) + 3]$

6 Av $P(x) = 3x(-2x + 4)(x - 1)$ και $Q(x) = ax^3 + \beta x^2 + \gamma x + \delta$, να βρείτε τις τιμές των $\alpha, \beta, \gamma, \delta$, ώστε τα πολυώνυμα $P(x)$ και $Q(x)$ να είναι ίσα.

7 Να βρείτε την πλευρά τετραγώνου που έχει εμβαδόν ίσο με το εμβαδόν του διπλανού σχήματος.



8 Ένα οικόπεδο έχει σχήμα ορθογωνίου με πλάτος x μέτρα και με μήκος μεγαλύτερο από το πλάτος του κατά 5 μέτρα. Αν το μήκος ελαττωθεί κατά 3 μέτρα και το πλάτος ελαττωθεί κατά 1 μέτρο, να αποδείξετε ότι το εμβαδόν του οικοπέδου θα μειωθεί κατά $4x + 2$ τετραγωνικά μέτρα.